

Gostev V. I.

## DESIGNING OF A FUZZY CONTROLLER AT IDENTICAL GAUSS MEMBERSHIP FUNCTIONS

Analytical expressions for control actions at the fuzzy controller output at identical gauss membership functions have

been obtained, fuzzy controller designing procedure is described, and the practical scheme of a fuzzy controller is proposed.

**Key words:** automatic control, fuzzy controller, MATLAB, fuzzy logic.

УДК 62-50

Кудин В. Ф.<sup>1</sup>, Колесниченко С. П.<sup>2</sup><sup>1</sup>Д-р техн. наук, профессор Национального технического университета Украины «Киевский политехнический институт»<sup>2</sup>Канд. техн. наук, старший преподаватель Национального технического университета Украины «Киевский политехнический институт»

## СУБОПТИМАЛЬНОЕ НЕЛИНЕЙНОЕ УПРАВЛЕНИЕ ПО КРИТЕРИЮ БЫСТРОДЕЙСТВИЯ НА ОСНОВЕ МЕТОДА БЕЛЛМАНА – ЛЯПУНОВА

Рассматривается общетеоретическая задача синтеза субоптимального нелинейного управления на примере двухмассовой электромеханической системы управления крановым механизмом передвижения с учетом гашения колебаний транспортного груза. Задача решается на базе метода Беллмана – Ляпунова с использованием концепции «инвариантного погружения» по критерию быстродействия. Проведено исследование динамики замкнутой системы с синтезированным субоптимальным регулятором.

**Ключевые слова:** электромеханическая система, аналитическое конструирование регуляторов, критерий быстродействия, нелинейное управление, метод Беллмана – Ляпунова.

### ВВЕДЕНИЕ

Задачи синтеза алгоритмов управления, оптимальных по быстродействию, остаются актуальными для проектирования автоматических систем управления различными транспортными механизмами производственных цехов, следящих систем различного назначения, систем управления колебаниями, манипуляторами и др. [1–4]. Известно, что в практике проектирования систем максимального быстродействия синтез алгоритмов выполняется, как правило, методом фазовой плоскости. Возможности применения этого метода ограничены объектами третьего порядка, передаточные функции которых не имеют комплексно-сопряженных полюсов, а фазовые траектории являются монотонными кривыми.

В настоящее время уделяется большое внимание проблеме синтеза оптимального управления двухмассовой электромеханической системой (ЭМС) механизма перемещения крана с гашением колебаний подвешенного груза [1]. При этом рассматривается довольно широкий спектр математических моделей управляемой ЭМС, которая учитывает нелинейность объекта управления и электромагнитную инерционность электропривода. Математические модели подобных управляемых систем наряду с апериодическими звеньями зачастую содержат и колебательные. Синтез оптимальных по быстродействию управлений такими системами, как показывают выполненные в

[5, 6] исследования, представляют трудную, возможно, даже неразрешимую задачу.

В целом исследуемая модель ЭМС является нелинейной по переменным состояния и управляющему воздействию. Кроме того, минимизируемые функционалы, используемые при построении оптимальных двухмассовых ЭМС, являются, обычно, неквадратичными, что усложняет процедуру аналитического конструирования оптимальных регуляторов (АКОР).

В данной статье предлагается приближенное решение нелинейной задачи АКОР по быстродействию на основе метода Беллмана – Ляпунова в сочетании с концепцией «инвариантного погружения» [7–10]. Метод обладает вычислительной эффективностью и легко распространяется на нелинейные системы высокой размерности.

### 1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Задана математическая модель колебаний подвешенного груза в виде консервативного звена с электроприводом, создающим динамический момент (рис. 1) [3].

На рис. 1 используются следующие обозначения:  $m_1$  – масса тележки (моста);  $m_2$  – масса груза;  $\varphi$  – угол отклонения груза от вертикали;  $F$  – динамическое усилие, приложенное к тележке (мосту);  $M$  – динамический момент электропривода;  $\rho$  – радиус приведения.

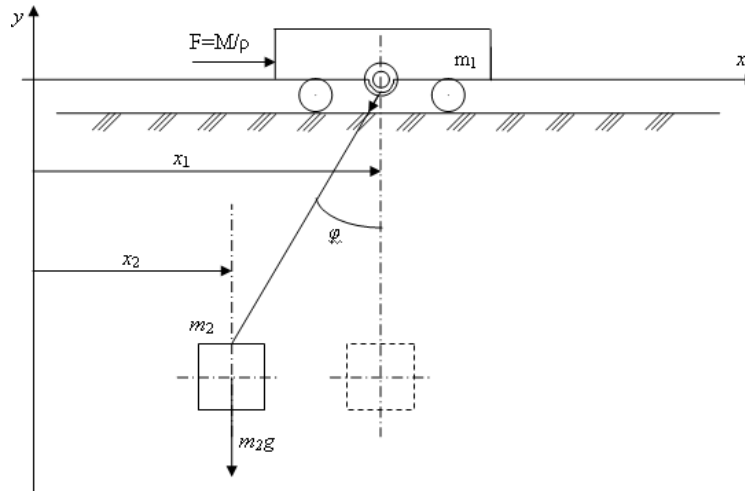


Рис. 1. Подъемно-транспортный механизм с маятниковой подвеской груза

При малых отклонениях груза от вертикали движение двухмассовой системы «тележка – груз» описывается системой линейных уравнений [3]

$$\frac{d^2\varphi}{dt^2} + \omega_0^2\varphi = b_1F,$$

$$\frac{dF}{dt} = -\frac{1}{T_a}F + b_2u, [u] \leq \bar{u},$$

где  $\omega_0 = 1,33 \text{ c}^{-1}$  – частота собственных колебаний системы «тележка – груз»;  $T_a = 0,05 \text{ c}$  – электромагнитная постоянная момента электропривода;  $b_1 = 6,54 \times 10^{-4}$ ,  $b_2 = 7,6 \times 10^4$  – коэффициенты;  $u$  – управление.

Запишем заданную систему дифференциальных уравнений в форме Коши:

$$\begin{aligned} \dot{x}_1 &= x_2 & x_1 - \varphi \\ \dot{x}_2 &= -\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3, \text{ здесь } x_2 - \dot{\varphi} \\ \dot{x}_3 &= -a_{31} x_3 + b_2 u & x_3 - F, \quad u = f(\sigma) = \sigma^{1/5}. \end{aligned} \quad (1)$$

*Примечание.* Учет ограничения на управление  $u$  с помощью некоторой функции  $u = f(\sigma)$  был впервые предложен А. Миеле [11]. Здесь роль управляющего воздействия переходит уже к  $\sigma$ , на которое не наложено ограничение. Поэтому формировать подынтегральную функцию  $w(\sigma)$ , которая определяет вид  $u = f(\sigma)$ , гораздо легче. При этом зависимость вида  $u = \sqrt[n]{\sigma}$  ( $n = 2, 3, 4, \dots$ ) позволяет при достаточно больших  $n$  аппроксимировать релейную характеристику с большой точностью на классе гладких функций.

Ставится задача отыскания управления  $\sigma = \gamma(x_1, x_2, x_3)$ , обеспечивающего переход изображающей точки пространства состояний в начало координат

при произвольных начальных условиях, на решениях системы (1), исходя из минимизации функционала вида

$$\min_{\sigma} J = \int_0^{\infty} (W(x_1, x_2, x_3) + c\sigma^2) dt. \quad (2)$$

Рассмотрим сначала процедуру АКОР, учитывая ограничение на управление, используя нелинейное преобразование А. Миеле, не уточняя вид функции  $W(x_1, x_2, x_3)$ .

Метод динамического программирования Беллмана дает следующее функциональное уравнение:

$$\begin{aligned} \min_{\sigma} \left[ W(x_1, x_2, x_3) + c\sigma^2 + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \right. \\ \left. + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3) + \right. \\ \left. + \frac{\partial V}{\partial x_3} (-a_{31} x_3 + b_2 \sigma^{1/5}) \right] = 0. \end{aligned} \quad (3)$$

После дифференцирования получаем

$$\begin{aligned} 2c\sigma + \frac{b}{5} \frac{\partial V}{\partial x_3} \sigma^{-4/5} = 0; \quad \sigma^{9/6} + \frac{b_2}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3} = 0; \\ \sigma = -\left(\frac{b}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3}\right)^{5/9}; \quad u = -\sqrt[9]{\frac{b_2}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3}}. \end{aligned}$$

Исключая  $\sigma$  из функционального уравнения (3), получаем уравнение Гамильтона – Якоби – Беллмана (ГЯБ) вида

$$\begin{aligned} W(x_1, x_2, x_3) + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3) + \\ + \frac{\partial V}{\partial x_3} (-a_{31} x_3) = 9c \left(\frac{b_2}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3}\right)^{10/9}. \end{aligned} \quad (4)$$

Разлагая правую часть в цепную дробь [12], получаем

$$W(x_1, x_2, x_3) + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3) - \frac{\partial V}{\partial x_3} a_{31} x_3 = \frac{\mu_{11} \sigma_1^2 + \mu_{12} \sigma_1^4 + \mu_{13} \sigma_1^6}{1 + \mu_{21} \sigma^2 + \mu_{22} \sigma_1^4}, \quad (5)$$

где  $\sigma_1 = \frac{b_2}{6c} \frac{\partial V}{\partial x_3}$ ,  $\mu_{11}, \mu_{12}, \dots$  – постоянные коэффициенты разложения.

Приближенное решение этого уравнения находится в виде последовательности степенных форм от переменных состояния.

$$V(x) = v^2(x) + v^4(x) + v^6(x) \dots \quad (6)$$

Здесь  $v^2(x)$  – квадратичная форма от переменных  $x_1, x_2, x_3$ ,  $v^4(x)$  – форма четвертой степени и т. д. Параметры квадратичной формы определяются системой уравнений Риккати, а параметры четвертичной формы – системой линейных алгебраических уравнений.

В точках позиционирования тележки перемещаемый груз занимает произвольное положение. Возникает типичная задача АКОР по отработке начальных условий, исходя из условия быстрейшего затухания переходного процесса [или критерия  $\min_t \max_{\sigma} x(t)$ ].

В этом случае критерий оптимальности и подынтегральные функции приобретают следующий вид:

$$\min_{|u| \leq \bar{u}} J = \int_0^T [W(x_1, x_2, x_3) + cu^2] dt, \quad (7)$$

где  $W_1(x_1, x_2, x_3) = 1$ .

Уравнение ГЯБ для функционала быстродействия с учетом ограничения на управление будет иметь следующий вид при  $u = f(\sigma) = \sigma^{1/5}$ :

$$1 + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3) - \frac{\partial V}{\partial x_3} a_{31} x_3 = 9c \left( \frac{b_2}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3} \right)^{10/9}. \quad (8)$$

По утверждению М. Атанса, П. Фалба, решение задачи синтеза по критерию быстродействия на базе метода динамического программирования, которое сводится к решению уравнения ГЯБ, практически невозможно.

Один из возможных путей – переход к аналитическому выражению подынтегральной функции критерия быстродействия в функции переменных состояния.

Подынтегральную функцию  $W_1(x_1, x_2, x_3) = 1$  можно аппроксимировать соотношением  $W_1(x_1, x_2, x_3) =$

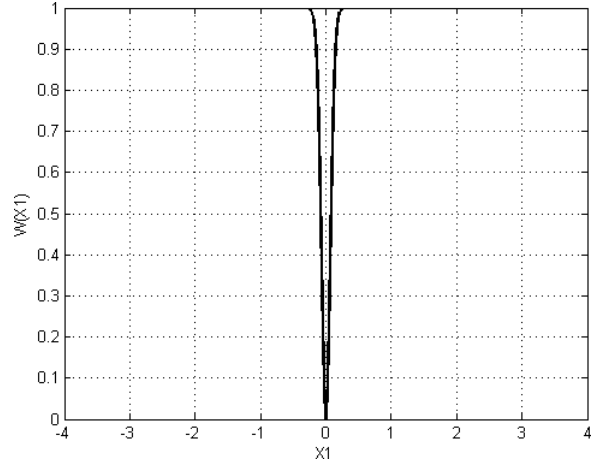


Рис. 2. Аппроксимированная подынтегральная функция  $W_1(x_1)$

$= 1 \approx 1 - e^{-\alpha x_1^2}$ . Данная функция при  $a = 100$  представлена на рис. 2.

Аппроксимированная подынтегральная функция уже является аналитической. Поэтому решение задачи синтеза (уравнение ГЯБ) можно искать в виде многомерного степенного ряда. Тогда для системы дифференциальных уравнений (1) и функционала (7) уравнение ГЯБ будет иметь вид

$$\frac{(\alpha x)^2 + 1/2(\alpha x)^4 + 1/6(\alpha x)^6}{1 + (\alpha x)^2 + 1/2(\alpha x)^4 + 1/6(\alpha x)^6} + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + b_1 x_3) - \frac{\partial V}{\partial x_3} a_{31} x_3 = 9c \left( \frac{b_2}{10c} \frac{\partial V}{\partial x_3} \right)^{10/9}. \quad (9)$$

После разложения правой части уравнения в цепную дробь решение уравнения ГЯБ ищется в виде последовательности степенных форм. Однако процедура решения уравнения ГЯБ достаточно сложна в вычислительном отношении. Поэтому используем процедуру синтеза субоптимального управления на базе метода Беллмана – Ляпунова в сочетании с принципом «инвариантного погружения» [6–9].

## 2. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ АКОР

Преобразуем подынтегральную функцию минимизируемого функционала

$$W_1(x_1, x_2) = 1 = \alpha(x_1) x_1^2,$$

где  $\alpha(x_1) = \frac{1}{x_1^2}$  – весовая константа.

В итоге получаем критерий оптимальности вида

$$\min_{\sigma} I = \int_0^{\infty} (\alpha(x_1)x_1^2 + c\sigma^2) dt, \quad (10)$$

т. е. неквадратичный функционал сведен к квадратичному функционалу, весовая константа которого  $\alpha(x_1)$  является функцией переменной  $x_1$ . Тогда для системы дифференциальных уравнений (1) и функционала (10) получаем уравнения ГЯБ в частных производных для фиксированной области фазового пространства.

$$\alpha(x_1)x_1^2 + \frac{\partial V}{\partial x_1}x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2}(-\omega_0^2x_1 + b_1x_3) - \frac{\partial V}{\partial x_3}ax_3 = \frac{q^2(a)b_2^2}{4c} \left( \frac{\partial V}{\partial x_3} \right)^2. \quad (11)$$

Здесь  $q(a)$  есть постоянная величина для фиксированной области фазового пространства.

Трансформация уравнения ГЯБ (8) в (11) обусловлена тем, что управляющее воздействие есть  $u = f(\sigma)$ , где  $f(\sigma)$  – функция нелинейного преобразования А. Миеле, представленная в виде  $u = q(a)\sigma = \frac{f(\sigma)}{\sigma}\sigma$ .

Здесь  $q(a)$  – коэффициент гармонической линеаризации для затухающих переходных процессов [13, 14]. Этот коэффициент является приближенным эквивалентом коэффициента линеаризации по методу секущей, поскольку  $q(a)$  также можно получить методом среднеквадратичного приближения [15].

Система уравнений Риккати имеет вид

$$\begin{aligned} \alpha(x_1) - 2k_{21}\omega_0^2 &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{31}^2, \\ 2k_{12} &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{23}^2, \\ 2b_1k_{13} &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{33}^2, \\ k_{13} - b_1k_{12} - a_{31}k_{32} &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{31}k_{32}, \\ k_{13} - bk_{12} - a_{31}k_{32} &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{32}k_{33}, \\ k_{12}b_1 - \omega_0^2k_{23} - a_{31}k_{31} &= \frac{q^2(a)b_2^2}{c}k_{13}k_{33}. \end{aligned} \quad (12)$$

Далее осуществляем решение задачи АКОР «в малом» при  $\alpha(x_1) = \alpha_1(x_1) = 400$ ,  $q(a) = q_1(a) = 6$ ,  $c = c_1 = 1$ .

На этом этапе получаем закон управления

$$\begin{aligned} \sigma_1(x) &= -\frac{q_1(x)}{c_1}(k_{31}x_1 + k_{32}x_2 + k_{33}x_3) = \\ &= -(k_1x_1 + k_2x_2 + k_3x_3) = \\ &= -(19,75x_1 + 2,382x_2 + 0,00x_3). \end{aligned}$$

На втором этапе получаем решение задачи АКОР «в большом» при  $\alpha(x_1) = \alpha_2(x_1) = 4$ ,  $q(a) = q_2(a) = 0,8$ ,  $c = c_2 = 1/(50)^2$ :

$$\begin{aligned} \sigma_2(x) &= -\frac{q_2(x)}{c_2}(k_{31}x_1 + k_{32}x_2 + k_{33}x_3) = \\ &= -(k_1'x_1 + k_2'x_2 + k_3'x_3) = \\ &= -(98,28x_1 + 13,88x_2 + 0,000x_3). \end{aligned}$$

Таким образом, получена последовательность «мгновенных» оптимальных управлений для некоторых совокупностей начальных условий. Далее возникает необходимость сшивания «мгновенных значений» оптимального управления  $u_1$  и  $u_2$ . Находим вариации параметров  $\Delta k_i$ , возникающих при переходе из одной области в другую, и рассматриваем их как управляющие воздействия.

Тогда

$$u_2 = -\text{sign}\sigma_2 = -\text{sign}[k_1x_1 + k_2x_2 + k_3x_3 + \Delta k_1x_1 + \Delta k_2x_2 + \Delta k_3x_3], \quad (13)$$

где  $\Delta k_1$ ,  $\Delta k_2$  и  $\Delta k_3$  определяем из соотношения

$$\begin{aligned} \Delta\sigma(x) &= \sigma_2(x) - \sigma_1(x) = \\ &= (k_1' - k_1)x_1 + (k_2' - k_2)x_2 + (k_3' - k_3)x_3 = \\ &= \Delta k_1x_1 + \Delta k_2x_2 + \Delta k_3x_3. \end{aligned}$$

Дальнейшая процедура синтеза производится в соответствии с методикой, изложенной в [9, 10]. Ставится задача минимизации функционала

$$\min_{\Delta k_1, \Delta k_2} J = \int_0^{\infty} \left( \sum_{i=1}^{n=3} \alpha_i x_i^2 + c_1 \Delta k_1^2 + c_2 \Delta k_2^2 \right) dt \quad (14)$$

на решениях системы дифференциальных уравнений

$$\begin{aligned} \dot{x}_1 &= x_2, \\ \dot{x}_2 &= -\omega_0^2x_1 + b_1x_3, \\ \dot{x}_3 &= -a_{31}x_3 + b_2u, \\ u &= -f(\sigma) = -\text{sign} \left[ \sum_{i=1}^3 k_i x_i + \Delta k_1 x_1 + \Delta k_2 x_2 \right]. \end{aligned} \quad (15)$$

Процесс определения допустимого управления по переменной состояния  $x_3$  приводит к ничтожно малому значению эффективности управления, что позволяет в (14) и (15), соответственно, пренебречь слагаемыми  $c_3 \Delta k_3^2$  и  $\Delta k_3 x_3$ .

Получаем функциональное уравнение Беллмана для системы (15) и функционала (14):

$$\min_{\Delta k_1, \Delta k_2} \left[ \sum_{i=1}^{n=3} \alpha_i x_i^2 + c_1 \Delta k_1^2 + c_2 \Delta k_2^2 + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 + a_i x_3) + \frac{\partial V}{\partial x_3} (-a_{31} x^3 + b_2 q_3(a)) \times \left( \sum_{i=1}^{n=3} k_i x_i + \Delta k_1 x_1 + \Delta k_2 x_2 \right) \right] = 0. \quad (16)$$

После дифференцирования получаем

$$\Delta k_1 = -\frac{b_2 q_2(a)}{c_1} \frac{\partial V}{\partial x_3} x_1; \quad \Delta k_2 = -\frac{b_2 q_2(a)}{c_2} \frac{\partial V}{\partial x_3} x_2. \quad (17)$$

Подставляя (17) в (16), получаем в итоге модифицированное уравнение Гамильтона – Якоби – Беллмана вида

$$\sum_{i=1}^{n=3} \alpha_i x_i^2 + \frac{\partial V}{\partial x_1} x_2 + \frac{\partial V}{\partial x_2} (-\omega_0^2 x_1 - k_\phi x_3) - \frac{\partial V}{\partial x_3} (a_{31} x_3 + b_2 q_2(a)) \sum_{i=1}^{n=3} k_i x_i = \sum_{i=1}^{n=2} \frac{x_i^2}{4c_2} \left[ b_2 q_2(a) \frac{\partial V}{\partial x_3} \right]^2. \quad (18)$$

Решение этого уравнения аппроксимируется последовательностью степенных форм

$$V(x) = \sum_{q=1}^{\infty} v^{2q}(x) = v^2(x) + v^4(x) + v^6(x) \dots \quad (19)$$

Параметры квадратичной и последующих форм определяются из системы линейных алгебраических уравнений. Окончательно получаем субоптимальный закон управления:

$$u = -\text{sign} [k_1 x_1 + k_2 x_2 + k_3 x_3 + q_2(a) \sum_{i=1}^{n=2} \frac{x_i}{2c} \frac{\partial V}{\partial x_3}].$$

Используя только квадратичную форму последовательности степенных форм (10), получаем нелинейный закон управления:

$$u = -\text{sign} [k_1 x_1 + k_2 x_2 + k_3 x_3 + (k_{21} x_1^2 + k_{22} x_2^2) \times (k_{31} x_1 + k_{32} x_2 + k_{33} x_3)]. \quad (20)$$

Исследование динамики замкнутого контура с синтезированным регулятором произведено методом цифрового моделирования. На рис. 3 представлены переходные процессы изменения угла  $\phi$  и управления  $u$  при отработке начального отклонения в 0,5 рад и ограничении на управление.

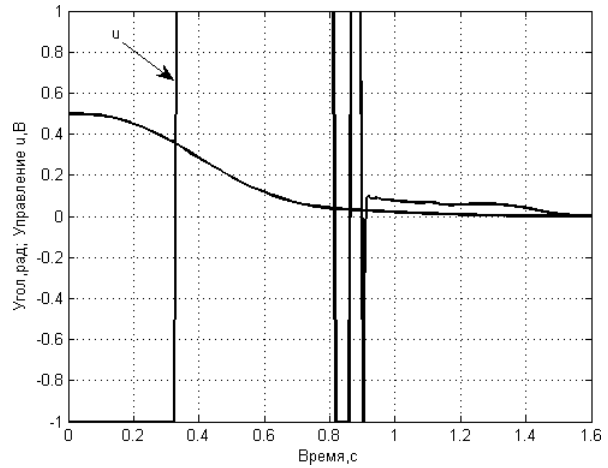


Рис. 3. Результаты моделирования

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, исходная нелинейная задача АКОР для функционала (7) и системы (1) свелась к решению задачи минимизации квадратичного функционала (10) на решении линеаризованной системы (1), т. е. к решению ряда линейных задач АКОР. Дальнейшие исследования по синтезу систем управления желательно осуществить для нелинейной модели транспортируемого груза по фазовым координатам при ограничении управления. Предложенная методика позволяет существенно усилить вычислительную эффективность процедуры АКОР, что крайне важно при решении прикладных задач высокой размерности.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Динамика машин и управление машинами / под ред. Крейнина Г. В. – М. : Машиностроение, 1988. – 240 с.
2. Терехов, В. М. Системы управления электроприводов / Терехов, В. М., Осипов О. И. – М. : Академия, 2005. – 240 с.
3. Герасимьяк, Р. П. Электроприводы крановых механизмов / Герасимьяк Р. П., Парайл В. А. – М. : Энергия, 1970. – 136 с.
4. Герасимьяк, Р. П. Анализ и синтез крановых электромеханических систем / Герасимьяк Р. П., Лещев В. А. – Одесса: СНИЛ, 2008. – 192 с.
5. Федун, Б. Е. Синтез оптимального по быстродействию управления колебательным звеном / Б. Е. Федун // Известия РАН. Теория и системы управления. – 2000. – № 3. – С. 78–84.
6. Крутько, П. Д. Исследование динамики субоптимальных по быстродействию автоматических систем / П. Д. Крутько // Известия РАН. Теория и системы управления. – 2004. – № 2. – С. 16–33.
7. Беллман, Р. Методы вычислений : избранные главы // Автоматика и телемеханика. – 1993. – № 8. – С. 3–39 ; № 9. – С. 3–51; № 10. – С. 3–43.
8. Булатов, В. Н. Методы погружения в задачах оптимизации / Булатов В. Н. – Новосибирск : Наука, 1977. – 154 с.
9. Кудин, В. Ф. Аналитическое конструирование нелинейных регуляторов с помощью метода гармоничес-

- кой линеаризации // Электромеханика. Известия ВУЗов. – 1989. – № 9. – С. 60–66.
10. *Kudin, V.* Synthesis of suboptimal nonlinear regulator by immersion method / *Kudin V., Kolachny I.* // Jour. Electrical engineering. – 1998. – Vol. 49, № 1–2. – Pp. 11–15.
  11. *Miele, A.* General variational theory of the flight paths of rocket-powered aircraft, missiles and satellite carriers / *Miele A.* // Astronaut Acta. – 1958. – Vol.4. – Pp. 264–288.
  12. *Хованский, А. Н.* Приложение цепных дробей и их обобщений к вопросам приближенного анализа / *Хованский А.Н.* – М. : Гостехиздат, 1956.– 203 с.
  13. *Попов, Е. П.* Прикладная теория процессов управления в нелинейных системах / *Попов Е. П.* – М. : Наука, 1973. – 584 с.
  14. *Пальтов, И. П.* Качество процессов и синтез корректирующих устройств в нелинейных автоматических системах / *Пальтов И. П.* – М. : Наука, 1975. – 367 с.
  15. *Кринецкий, И. И.* Расчет нелинейных автоматических систем / *Кринецкий И. И.* – Киев : Техника, 1968. – 312 с.

Надійшла 07.10.2010

Кудін В. Ф., Колесніченко С. П.

СУБОПТИМАЛЬНЕ НЕЛІНІЙНЕ КЕРУВАННЯ ЗА КРИТЕРІЄМ ШВИДКОДІЇ НА ОСНОВІ МЕТОДУ БЕЛЛМАНА – ЛЯПУНОВА

Розглядається загальнотеоретична задача синтезу субоптимального нелінійного керування на прикладі двомасової електромеханічної системи керування крановим механізмом пересування з урахуванням гасіння коливаль-

транспортного вантажу. Задача вирішується на базі методу Беллмана – Ляпунова з використанням концепції «інваріантного занурення» за критерієм швидкодії. Проведено дослідження динаміки замкнутої системи із синтезованим субоптимальним регулятором.

**Ключові слова:** електромеханічна система, аналітичне конструювання регуляторів, критерій швидкодії, нелінійне керування, метод Беллмана – Ляпунова.

Kudin V. F., Kolesnichenko S. P.

SUBOPTIMUM NONLINEAR CONTROL BY OPERATION SPEED CRITERION BASED ON BELLMAN-LYAPUNOV METHOD

A general-theoretical task of suboptimal nonlinear control algorithm synthesis is discussed. As an example, a two-mass electromechanical control system of a crane moving mechanism is examined taking into account load oscillations damping. The task is solved on the basis of Bellman–Lyapunov method using the concept of «invariant immersion» by operation speed criterion. The dynamics of a closed-loop system with a synthesized suboptimal regulator is investigated.

**Key words:** electromechanical system, analytical regulator synthesis, operation speed criterion, nonlinear control, Bellman–Lyapunov method.

УДК 629.424.2

Орловский И. А.

Канд. техн. наук, доцент Запорожского национального технического университета

## ИДЕНТИФИКАЦИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ В ВИДЕ ПОЛИНОМИАЛЬНОЙ РЕКУРРЕНТНОЙ НЕЙРОННОЙ СЕТИ И НАСТРОЙКА РЕГУЛЯТОРОВ ЭЛЕКТРОПРИВОДА С СЕРИЕСНЫМ ДВИГАТЕЛЕМ

Синтезированы математические модели электропривода с серийным двигателем в виде полиномиальных рекуррентных нейронных сетей (ПРНС) по данным режима его работы. Исследованы способы идентификации параметров привода и зависимости момента сопротивления от скорости двигателя при задании специальных режимов работы и разных видов уравнений, описывающих нелинейности параметров. Выполнена настройка ПИ-регулятора скорости на полученной модели в виде ПРНС.

**Ключевые слова:** математическая модель, двигатель постоянного тока последовательного возбуждения, рекуррентная нейронная сеть, регулятор скорости, идентификация параметров.

### ВВЕДЕНИЕ

В настоящее время имеется возможность применить в электроприводе (ЭП) с микропроцессорной системой управления (СУ) методы синтеза математических моделей электромеханических систем в виде нейронных сетей [1, 2] с последующей оптимальной настройкой регуляторов на этих моделях [3, 4]. Поиск с помощью различных алгоритмов оптимальных параметров регуляторов с помощью математических

моделей предъявляют повышенные требования к точности моделей и их обобщающим свойствам. В работах [5, 6] разработан метод синтеза математических моделей нелинейных электромеханических объектов в виде полиномиальных рекуррентных нейронных сетей (ПРНС), однако отсутствует методика идентификации с высокой точностью с помощью полученных моделей параметров объекта (как линейных, так и нелинейных). В работе [7]