

**ПЕРЕЧЕНЬ ССЫЛОК**

1. Довиак Р. Дж. Метеорологические доплеровские РАС / Р. Дж. Довиак, Д. С. Зрнич, Д. С. Сирманс // ТИИЭР. – М., 1979. – Т. 67, № 11. – С. 63–102.
2. Mark E. Weber Advances in Operational Weather Radar Technology // Lincoln Laboratory Journal. – Lexington, 2006. – Vol. 16, № 1. – P. 9–22.
3. Тейлор-мл. Дж. Новая диспетчерская радиолокационная станция ASR-9 / Дж. Тейлор-мл., Г. Бруннс // ТИИЭР. – М., 1985. – Т. 73, № 2. – С. 128–135.
4. Яновський Ф. Й. Метеонавігаційні радіолокаційні системи повітряних суден: Навчальний посібник. – К.: НАУ, 2003. – 304 с.

Надійшла 16.11.07

Проведено аналіз технічних рішень, використаних при проектуванні аеродромного радіолокаційного комплексу (АРЛК) «Дніпро-А», і алгоритмів обробки метеоданих,

джерелом яких є канал цілі. Оцінено ефективність роботи метеоканалу дослідного зразка локатору. Запропоновано шляхи подальшого удосконалення метеоканалу комплексу «Дніпро-А», випробувані нові алгоритми зменшення впливу відбиттів від земної поверхні.

*The analysis of technical solutions have been performed, when making a design of airfield radar complex (ARC) «Dnepr-A» weather channel, as well as of algorithms of processing weather data a source of which is target channel. There has been estimated efficiency of weather channel operation within the ARC development model. The ways of further enhancement of complex «Dnepr-A» weather channel were offered, new algorithms of eliminating an effect of underlying surface clutter have been approved.*

УДК 681.51.012: 539.23

В. И. Псарев, Л. А. Пархоменко, Ю. В. Пьянкова

## О ТЕХНИКЕ ИДЕНТИФИКАЦИИ ПРИ СИСТЕМНОМ АНАЛИЗЕ ТОНКИХ ОСТРОВКОВЫХ ПЛЕНОК

Получены аналитические формулы для проведения системного анализа структурного огрубления островковых пленок на подложке. Для этой цели предложен метод установления сходства и различия между характеристиками теоретического и экспериментального распределения островков по размерам. Предложенный метод позволяет получать информацию о протекании процессов в системе микроостровков по мере их приближения к состоянию равновесия.

**ВВЕДЕНИЕ**

Применение тонких пленок в технике стало возможным после освоения методов их получения с заданными физико-химическими свойствами. Это открыло широкие возможности использования тонких пленок в оптике, космической и атомной промышленности и СВЧ-технике; в качестве элементов микросхем и тензодатчиков; в криогенной технике и других областях. Качество и надежность работоспособного состояния в процессе их функционирования в устройствах и приборах, в особенности, под влиянием внешних факторов, существенно зависят от структурной стабильности пленочного материала, достоверная информация о которой должна быть заранее получена методами системного физико-химического анализа. Рассмотрим в этой связи пленки островкового типа, подверженные огрублению из-за оствальдовской коагуляции микроостровков, осложненной рядом сопутствующих процессов. Их существенной характеристикой является функция плотности распределения островков по размерам.

© Псарев В. И., Пархоменко Л. А., Пьянкова Ю. В., 2007

Вызываемое внутрисистемными процессами огрубление островков изменяет характер их распределения по размерам, что оказывает существенное влияние на формирование микроструктурного состояния и свойства пленочного материала. Познание внутрисистемных процессов по признакам вызываемой ими трансформации экспериментальных распределений – задача, решение которой может быть распространено на широкий класс островковых пленок. Подразумевается возможность получения полезной информации путем выявления сходства и различия между экспериментальным распределением – образом и теоретической функцией распределения микроостровков по размерам – подобием, полученной с учетом определенных физических представлений.

Изучению кинетических особенностей огрубления островковых пленок на подложке посвящены многие работы [1–3]. Однако, в них не учитывалось, что огрубление микроостровков – процесс многофакторный: определяется влиянием структурного, диффузионного, межфазного и других факторов. При этом важное значение приобретает возможность установления характера влияния каждого из факторов в отдельности и в своей их совокупности на кинетические особенности изменения дисперсности микроостровков в процессе их огрубления.

В настоящей работе приведено описание предлагаемой методики системного анализа тонких островко-

вых пленок с привлечением традиционных методов статистического анализа и средств ЭВМ, необходимых для проведения сложных расчетов.

### 1 ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Функцию плотности распределения островков по их относительным размерам, отображающую их дисперсность в самых разных случаях, согласно приведенным в работе [4] формулам (1) и (2), можно записать в таком виде:

$$\varphi(u) = \frac{3\nu_k \gamma(u)}{\nu_k u \gamma(u) - u + 1} \exp\left[-3\nu_k \int \frac{\gamma(u) du}{\nu_k u \gamma(u) - u + 1}\right], \quad (1)$$

где  $\nu_k = \nu_k(t)$  – приведенная скорость движения  $r_k$  в пространстве размеров островков,  $t$  – время;  $\gamma = \gamma(u)$  – фактор, определяющий механизм процесса;  $u = \frac{r}{r_k}$ ,  $r$  – эффективный радиус островка,  $r_k$  – критический радиус.

Каждый островок радиуса  $r_0$  на поверхности подложки можно дополнить до сферы радиуса  $r = r_0 / \sin \theta$ , где  $\theta$  – краевой угол, и таким образом подойти к эквивалентному распределению сфер в объеме [3]. Переход от числа куполообразных островков на единице площади подложки  $n = f(r_0)$  к распределению соответствующих им эффективных сфер в единице объема  $N_r = f(r)$  производится с помощью формулы пересчета от двумерного распределения островков к трехмерному [5]. Обратный переход можно осуществить с помощью обращенной формулы той же работы [5].

В размерных переменных эквивалентная функция плотности распределения  $f(r, t) = C(r_k) r_k^{-4} \varphi(u)$  существенно зависит от явного вида  $\gamma(u)$ . В случае диффузионно-контролируемого механизма [6, 7] укрупнения островков в системе  $\gamma(u) = u^s$ , где  $s$  – параметр массопереноса от расплывающихся на поверхности подложки островков к растущим на ней. В случае металлических островковых пленок [3]  $\gamma(u) = \varepsilon u^3 + u^{1-\alpha}$ , где  $\varepsilon = \frac{K r_k^2}{D_s}$ ,  $K$  – скорость прохождения адатомов (адсорбированных атомов) через межфазную границу,  $D_s$  – коэффициент поверхностной диффузии адатомов.

При задании фактора  $\gamma(u)$  в явном виде с помощью формулы (1) можно определить функцию  $\varphi(u)$ . Пусть, например,  $\gamma(u) = u^s$ , тогда формулу (1) можно представить в таком виде

$$\varphi(u) = \frac{3\nu_k u^s}{\nu_k u^{1+s} - u + 1} \exp\left[-3\nu_k \int \frac{u^s du}{\nu_k u^{1+s} - u + 1}\right]. \quad (2)$$

Учитывая, что параметр  $0 \leq s < \infty$ , знаменатель в формуле (2) можно разложить на множители:  $\nu_k u^{1+s} - u + 1 = \nu_k (u_g - u)^2 \psi(u)$ . В случае целочисленных значений  $s$  многочлен  $\psi(u) = \sum_i^s i u^{s-i} \left(\frac{1+s}{s}\right)^{i-1}$ ;  $i = 1, 2, 3, \dots, s$ ;  $u_g = \frac{r_g}{r_k}$ ,  $r_g$  – наибольший размер микроостровков (размах функции  $f(r, t)$ ). Для разных значений  $s$  можно получить известные виды теоретических распределений: при  $s = 1$  множитель  $\psi(u) = 1$  и после интегрирования получим распределение Вагнера [7]; при  $s = 2$  и  $\psi(u) = u + 3$  получим распределение Лифшица – Слезова [6]; при  $s = 3$  и  $\psi(u) = u^2 + 2\left(\frac{4}{3}\right)u + 3\left(\frac{4}{3}\right)^2$  распределение будет соответствовать иной системе островков и т. д.

При сопоставлении экспериментальной гистограммы с теоретическим распределением возникает необходимость в определении численных значений параметров, определяющих фактор  $\gamma(u)$  и обеспечивающих максимальное сходство между образом и подобием. Такая задача решалась для частного случая [8]. Учитывая выражение (1), путем математических преобразований, аналогичных применяемым в работе [8], общее решение может быть записано в таком виде:

$$\nu_k(n-3)M_1 + 2\nu_k M_2 - nM_3 - 2M_4 = 0, \quad (3)$$

где  $M_1 = \int_0^{u_g} \gamma^2 u^n \varphi(u) du$ ;  $M_2 = \int_0^{u_g} \gamma \gamma' u^{n+1} \varphi(u) du$ ;  $M_3 = \int_0^{u_g} \gamma u^{n-1} (u-1) \varphi(u) du$ ;  $M_4 = \int_0^{u_g} \gamma' u^n (u-1) \varphi(u) du$ ;  $\gamma'$  – первая производная по  $u$  от  $\gamma = \gamma(u)$ ;  $n$  – целые и дробные положительные числа.

При задании  $\gamma(u)$  уравнение моментов (3) преобразуется и приобретает конкретное содержание, необходимое и достаточное для определения численных значений параметров островковой системы. Их испытание на достоверность является следующим шагом системного анализа.

По мере движения системы микроостровков к состоянию равновесия происходит непрерывная трансформация функции плотности распределения. Изменяются численные значения ее характеристик: размах, мода и модальное значение размера островков, асимметрия и другие. Сохраняет инвариантность только соотношение между смешанными моментами функции плотности распределения. Воспользуемся для его вывода уравнением моментов распределений, приведенным в рабо-

те [9] (формула (7)). Решая его с учетом (1), получим взаимосвязь между моментами распределения такого вида:

$$(3-n)v_k M_{nm} = nL_n + mL_m, \quad (4)$$

где  $M_{nm} = \int_0^{u_g} M du$  – смешанный момент порядка  $n$  и  $m$ ;  $n$  и  $m$  – целые и дробные положительные числа,  $M = u^n(u_g - u)^m \varphi(u)$ ; в терминах моментов:

$$\begin{aligned} L_n &= M_{n-1-\gamma, m} - M_{n-\gamma, m}; \\ L_m &= M_{n+1-\gamma, m-1} - v_k M_{n+1, m-1} - M_{n-\gamma, m-1}; \\ M_{n-1-\gamma, m} &= \int_0^{u_g} M[u\gamma(u)]^{-1} du; \\ M_{n-\gamma, m-1} &= \int_0^{u_g} M[(u_g-u)\gamma(u)]^{-1} du; \\ M_{n-\gamma, m} &= \int_0^{u_g} M[\gamma(u)]^{-1} du; \\ M_{n+1, m-1} &= \int_0^{u_g} uM(u_g-u)^{-1} du; \\ M_{n+1-\gamma, m-1} &= \int_0^{u_g} uM[(u_g-u)\gamma(u)]^{-1} du. \end{aligned}$$

На отдельных частных примерах проиллюстрируем применение полученных формул и уравнений.

## 2 ЧАСТНЫЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ

Огрубление микроостровков при диффузионно-контролируемом механизме характеризуется фактором  $\gamma(u) = u^s$  и скоростью  $v_k(t)$ . При непрерывном изменении параметра  $s$  из формул (3)–(6) [4] следует система уравнений

$$\begin{aligned} u_g &= (1+s)s^{-1}; \quad v_k = (1+s)^{-1}u_g^{-s} = u_g^{-(1-s)}s^{-1}, \\ 4v_k u^{1+s} + u(s-1) - s \Big|_{u_m} &= 0, \end{aligned} \quad (5)$$

$$\begin{aligned} 20v_k^2 u^{2+2s} - 13v_k u^{1+s} z + 2z^2 - \\ - [s(s-1)(u-1) + 2sz](v_k u^{1+s} - u + 1) \Big|_{u_p} &= 0, \end{aligned}$$

где  $z = s + u(1-s)$ ;  $u_m = \frac{r_m}{r_k}$ ,  $r_m$  – модальный радиус микроостровков;  $u_p = \frac{r_p}{r_k}$ ,  $r_p$  – значение радиуса в точке перегиба на кривой плотности распределения.

При том же условии в соотношении моментов (4) имеем

$$\begin{aligned} L_n &= M_{n-1-s, m} - M_{n-s, m} \\ &\text{и} \\ L_m &= M_{n+1-s, m-1} - v_k M_{n+1, m-1} - M_{n-s, m-1}. \end{aligned}$$

В частности, положив  $n = 3$ , получим  $3|L_3| = m|L_m|$ , а при  $n = 3$  и  $m = 0$  имеет место равенство  $M_{2-s} = M_{3-s}$ .

Уравнение (3) при  $\gamma(u) = u^s$  можно преобразовать к виду

$$v_k(2s+n-3)M_{n+2s} + (n+2s)M_{n+s} - (n+2s)M_{n+s-1} = 0. \quad (6)$$

Или же в размерных переменных, после сокращения на  $r_k^{n+s-2}$ , получим

$$r_k^{1+s} - \frac{M'_{n+s}}{M'_{n+s-1}} r_k^s + \frac{v_k(2s+n-3)}{n+2s} \frac{M'_{n+2s}}{M'_{n+s-1}} = 0, \quad (7)$$

где

$$\begin{aligned} M'_{n+s} &= \int_0^{r_g} r^{n+s} f(r, t) dr; \\ M'_{n+s-1} &= \int_0^{r_g} r^{n+s-1} f(r, t) dr; \\ M'_{n+2s} &= \int_0^{r_g} r^{n+2s} f(r, t) dr. \end{aligned}$$

Задавая значение  $n$ , можно сформировать систему уравнений и, решая ее, определить  $s$  и  $r_k$ . Если  $n = 3 - 2s$ , то из уравнения (6) следует:  $M_{3-s} = M_{2-s}$ , а из уравнения (7):  $r_k = \frac{M'_{3-s}}{M'_{2-s}} = u_s^{-1} r_s$ , где  $u_s$  – среднее значение  $u$  в распределении  $\varphi(u)$ ;  $r_s$  – среднее значение  $r$  в распределении  $f(r, t)$ . Численное значение  $k_s = u_s^{-1}$  используется при переходе от экспериментального среднего радиуса  $r_s$  к критическому  $r_k$ .

В табл. 1 приведены массивы данных четырех примерных распределений. Первое из них характеризуется отрицательной асимметрией, достигает максимума при  $u_m = 1$ , а верхняя граница  $u_g \approx 2$ . Предполагая, что это распределение типа Вагнера [7], т. е.  $s = 1$ , после нормирования находим моменты  $M_1$  и  $M_2$ . Их отношение  $\frac{M_2}{M_1} = 0,99988 \approx 1$ , значение  $u_s = 0,89106$ . Следовательно,  $k_s = u_s^{-1} = 1,1223 \approx 9/8$  [7]. Предположение подтверждается. Согласно формулам и урав-

Таблица 1 – Данные массивов и характеристики примерных распределений при разных значениях фактора  $\gamma(u) = u^s$

№ массива	Значения варианты $u$									
	0	0,2	0,4	0,6	0,8	1,0	1,2	1,4	1,6	1,8
1	0	3,776	8,971	15,355	21,663	24,288	20,255	8,174	0,478	0,001
2	0	5,776	10,971	17,355	23,663	24,288	20,255	8,174	0,478	0,001
3	0	9,776	14,971	21,355	27,663	24,288	20,255	8,174	0,478	0,001
4	0	3,776	8,971	15,355	21,663	24,288	22,255	10,174	2,478	0,01
	$s$	$q_s \times 10^4$	$u_g$	$v_k$	$u_m$	$u_{p_1}$	$u_{p_2}$	$u_{p_3}$	$u_s$	$k_s$
1	1	1,2	2	0,25	1	–	0,6084	1,3458	0,8911	1,1223
2	0,82	3,0	2,2195	0,2858	0,922	0,1053	0,4129	1,3328	0,8630	1,1587
3	0,546	0,6	2,8315	0,3664	0,7136	–	–	1,2390	0,8167	1,2244
4	1,34	0,2	1,7452	0,2022	1,082	–	0,8078	1,3361	0,9186	1,0886

Примечание.  $q_s = \left| 1 - \frac{M_{3-s}}{M_{2-s}} \right|$  – параметр идентификации распределений.

нениям (5) находим  $u_g = 2$ ;  $v_k = 0,25$ ;  $u_m = 1$ ;  $u_{p_1} = 0,6084$ ;  $u_{p_2} = 1,3458$ , что соответствует распределению Вагнера. Его вид следует из выражения (2) при  $s = 1$ :  $\varphi(u) = Cu(2-u)^{-5} \exp\left(-\frac{6}{2-u}\right)$ .

Аналогичным образом проведены расчеты и для других массивов примерных распределений при условии  $M_{3-s} = M_{2-s}$ . Характерно, при  $s < 1$  коэффициент  $k_s > 9/8$ ; при  $s > 1$  величина  $k_s > 9/8$ .

При задании фактора  $\gamma(u) = \varepsilon u^3 + u^{1-\alpha}$  значения характеристик  $u_g$ ,  $v_k$ ,  $u_m$  и  $u_p$  также можно определить из формул (3)–(6) [4]

$$3\varepsilon u^{3+\alpha} - 4\varepsilon u^{2+\alpha} + (1-\alpha)u - 2 + \alpha \Big|_{u_g} = 0,$$

$$v_k = (3u - 4)u^{\alpha-2}(2 + \alpha)^{-1} \Big|_{u_g}, \quad (8)$$

$$u(\alpha + 3\varepsilon u^{1+\alpha} - 2\varepsilon u^{2+\alpha}) + 1 - \alpha = 4v_k u^{2-\alpha} (1 + \varepsilon u^{2+\alpha})^2 \Big|_{u_m},$$

$$20v_k^2 \gamma^4 - 13v_k \gamma^2 z + 2z^2 - [\gamma \gamma''(u-1) + 2\gamma'z](v_k u \gamma - u + 1) \Big|_{u_p} = 0,$$

где  $z = \gamma - \gamma'(u-1)$ ;  $\gamma'$  и  $\gamma''$  – первая и вторая производные по  $u$  от  $\gamma = \gamma(u)$ . Полученные иным путем уравнения системы (8) содержатся в работах [1–3].

Определение численных значений параметров  $\alpha$  и  $\varepsilon$  можно произвести с помощью уравнения моментов, которое вытекает из выражения (3)

$$\frac{v_k \varepsilon^2 (n+3+\alpha)}{r_k^{(n+5+\alpha)}} M'_{n+6+\alpha} + \frac{2\varepsilon v_k (n+1)}{r_k^{(n+3)}} M'_{n+4} - \frac{\varepsilon(n+6+\alpha)}{r_k^{(n+2+\alpha)}} M'_{n+3+\alpha} + \frac{\varepsilon(n+6+\alpha)}{r_k^{(n+1+\alpha)}} M'_{n+2+\alpha} + \frac{v_k(n-1-\alpha)}{r_k^{(n+1-\alpha)}} M'_{n+2-\alpha} - \frac{n+2-\alpha}{r_k^n} M'_{n+1} + \frac{n+2-\alpha}{r_k^{(n-1)}} M'_n = 0, \quad (9)$$

где  $M'_\chi = \int_0^{r_g} r^\chi f(r, t) dr$  – моменты распределения по рядка  $\chi = n, n+1, n+2+\alpha, \dots$  при целочисленном и дробном значении  $n$ .

### 3 СОПОСТАВЛЕНИЕ С ЭКСПЕРИМЕНТОМ

Воспользуемся данными распределения платиновых островков на  $\gamma\text{-Al}_2\text{O}_3$ -подложке по их эффективным радиусам (взяты из работ [10, 1]). В табл. 2 приведены количественные характеристики распределений островков по размерам в пленке, нагревание которой производилось на воздухе при температуре 700 °С. Идентификация экспериментальных гистограм (нормированных на единицу) производилась в предположении действия диффузионно-контролируемого механизма (1) ( $\gamma(u) = u^s$ ) и механизма (2), дополнительно учитывающего межфазный фактор ( $\gamma(u) = \varepsilon u^3 + u^{1-\alpha}$ ).

Характеристики распределений островков по размерам ( $u_g, v_k, u_m, u_p, r_k$  и др.) после одного часа нагрева при 700 °С, рассчитанные в предположении действия одного и другого механизмов, близки по своим численным значениям. Это указывает на то, что основ-

Таблиця 2 – Количественные характеристики гистограмм островковой пленки Pt на  $\gamma$ -Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-подложке после нагрева при 700 °C на воздухе [10]

$r$ , нм	$n_s \cdot 10^{-7}$ , мм <sup>-2</sup>	$N_r \cdot 10^{-12}$ , мм <sup>-3</sup>	Механизм (1)	Механизм (2)
1 час; $n_0 = 6,972 \cdot 10^8$ мм <sup>-2</sup> ; $N_0 = 31,146 \cdot 10^{12}$ мм <sup>-3</sup> ; $r_s = 8,0$ нм 1 ( $s = 0,754$ ; $q_s = 8,4 \cdot 10^{-5}$ ); 2 ( $\alpha = 0,50$ ; $\varepsilon = 0,01$ ); $g = 26,25$ %				
2,14	8,68	2,0023	$u_g = 2,3263$	$u_g = 2,4080$
5,0	15,12	3,2531	$v_k = 0,3017$	$v_k = 0,3450$
7,86	31,36	17,7142	$u_m = 0,8837$	$u_m = 0,7313$
10,72	13,44	7,6514	$u_p = 1,3214$	$u_p = 1,2816$
13,58	0,84	0,3902	$r_k = 8,85$ нм	$r_k = 9,26$ нм
16,44	0,28	0,1359	$r_m = 7,82$ нм	$r_m = 6,77$ нм
19,30	0	0	$r_g = 20,6$ нм	$r_g = 22,3$ нм
16 часов; $n_0 = 4,635 \cdot 10^8$ мм <sup>-2</sup> ; $N_0 = 20,51 \cdot 10^{12}$ мм <sup>-3</sup> ; $r_s = 9,05$ нм 1 ( $s = 0,546$ ; $q_s = 6,5 \cdot 10^{-5}$ ); 2 ( $\alpha = 0,257$ ; $\varepsilon = 0,01$ ); $g = 41,74$ %				
1,69	1,70	0,011	$u_g = 2,8315$	$u_g = 2,1572$
3,93	6,50	1,610	$v_k = 0,3654$	$v_k = 0,2867$
6,17	11,15	5,465	$u_m = 0,7136$	$u_m = 0,9085$
8,41	10,35	4,874	$r_k = 10,63$ нм	$r_k = 10,43$ нм
10,65	9,0	4,731	$r_m = 7,56$ нм	$r_m = 9,48$ нм
12,89	4,5	2,134	$r_g = 30,10$ нм	$r_g = 22,5$ нм
15,13	2,7	1,455	$u_p = 1,239$	$u_{p_1} = 0,1986$
17,37	0,45	0,243	$k_s = 1,1747$	$u_{p_2} = 0,3106$
19,61	0	0	–	$u_{p_3} = 1,3377$

ным лимитирующим фактором их огрубления в пленке на подложке является поверхностная диффузия адатомов от расплывающихся ( $r < r_k$ ) к растущим ( $r > r_k$ ) микроостровкам. Теоретические функции плотности распределения, соответствующие одному и другому механизму, практически с одинаковой степенью точности описывают экспериментальное распределение. В этом случае из-за ограниченности экспериментального материала трудно выявить степень влияния каждого из факторов на процесс огрубления островков в пленке.

Результаты расчетов экспериментальных данных после нагрева в течение 16 часов оказались противоречивыми. При действии механизма (1) кривая плотности распределения имеет одну точку перегиба; в случае механизма (2) – три точки перегиба. По мере приближения островковой системы к состоянию равновесия параметр  $s$  при диффузионном механизме должен увеличиваться. Он же уменьшается от  $s = 0,754$  (1 час) до  $s = 0,546$  (16 часов). Это обстоятельство приводит к необоснованному увеличению со временем характеристик  $u_g$  и  $v_k$  и уменьшению значения  $u_m$ .

В то же самое время при действии возможного механизма (2) идет закономерная оствальдовская коагуляция островков на  $\gamma$ -Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-подложке. Уменьшаются со временем значения  $u_g$  и  $v_k$  при одновременном увеличении величины  $u_m$ . Экспериментальное распределение после 16 часов нагрева практически совпадает с теоретическим:  $M_{3-\gamma(u)} = 0,8419$  и  $M_{2-\gamma(u)} = 0,8437$ . В системе увеличивается доля растущих островков от  $g = 26,28$  % до  $g = 41,74$  % после 16 часов нагрева пленки.

Полученный результат по своему содержанию вскрывает проявление эффектов термической деградации и так называемого «отравления» керамических катализаторов (применяются в нефтеперерабатывающей промышленности). Для их изготовления используются чешуйки  $\gamma$ -Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> с осажденными на них островками металлов [10]. Воздействие внешнего фактора на межфазную границу (согласно [10] – образование слоя PtO<sub>2</sub> на поверхности островков при нагревании пленок на воздухе) оказывает существенное влияние на диффузионные потоки адатомов в системе островков, что ис-

ключает возможность закономерной их коагуляции в соответствии с механизмом (1).

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Показано, что изменение характерных структурных свойств островковых пленок можно выявить путем системного анализа распределений микроостровков по размерам, их собственных моментов и соотношений между ними с привлечением средств ЭВМ. Дано описание способа проведения такого анализа в системе островков на подложке. Для этой цели устанавливается сходство и различие экспериментального распределения – образа с теоретическим – подобием, учитывающим возможный внутрисистемный механизм изменения дисперсности микроостровков при их огрублении.

Получены аналитические формулы и уравнения, с помощью которых можно оценить качество и достоверность результатов идентификации распределений. Приведены примеры их применения с учетом действующих ограничений.

Предлагаемая методика системного анализа островковых пленок вполне может обеспечить достоверную информацию об их структурной стабильности, необходимой, например, при изготовлении пленочных микросхем в радиоэлектронной отрасли.

### ПЕРЕЧЕНЬ ССЫЛОК

1. Псарев В. И., Пархоменко Л. А., Куликов А. Ф. Структурная устойчивость тонких островковых пленок. Расчеты и компьютерный анализ // Радиоэлектроника. Информатика. Управление. – 2003. – № 1. – С. 16–20.
2. Псарев В. И., Пархоменко Л. А., Куликов А. Ф. Анализ устойчивости островковых тонких пленок. // Складні системи і процеси. – 2003. – № 2. – С. 25–32.

3. Псарев В. И. Компьютерный анализ металлических островковых пленок // Металлы. – 1999. – № 6. – С. 105–110.
4. Psarev V. I., Parkhomenko L. A. A new method for the structural analysis of thin island films // Technical Physics Letters. – 2005. – V. 31. – No. 10. – P. 888–890.
5. Псарев В. И., Куликов А. Ф., Пшенцов С. И. Влияние межфазной поверхностной энергии на процесс коагуляции микрочастиц при нагревании металлических сплавов // Поверхность. Физика, химия, механика. – 1985. – № 12. – С. 22–27.
6. Лифшиц И. М., Слезов В. В. О кинетике диффузионного распада пересыщенных твердых растворов // ЖЭТФ. – 1958. – Т. 35. – № 2/8. – С. 179–192.
7. Wagner C. Theorie der Alterung von Niederschlagen durch Umlösen (Ostwald – Reifung) // Zeitschr. f. Electrochem. – 1961. – V. 65. – No. 7/8. – P. 581–591.
8. Псарев В. И. Установление сходства между образом и подобием распределения микрочастиц по размерам в дисперсной системе // Изв. вузов. Физика. – 1991. – Т. 34. – № 12. – С. 80–84.
9. Псарев В. И. Проблема моментов распределений в статистической физике // Изв. вузов. Физика. – 1997. – Т. 40. – № 4. – С. 92–97.
10. Wynblatt P., Gjostein. A model study of catalyst particles coarsening // Scripta metal. – 1973. – V. 7. – No. 9. – P. 969–976.

Надійшла 16.11.07  
Після доробки 5.12.07

*Одержані аналітичні формули для проведення системного аналізу структурного огрублення островкових плівок на підкладці. Для цієї мети запропоновано метод встановлення подібності і відмінності між характеристиками теоретичного і експериментального розподілів островків за розмірами. Запропонований метод дозволяє одержувати інформацію про плин процесів в системі мікроостровків при її наближенні до рівноважного стану.*

*Analytical formulas for a systemic analysis of the structural coarsening of an island films on a solid substrate are obtained based on a comparison of the characteristics of theoretical and experimental distributions of the islands size. The proposed method provides useful information on the occurrence of various processes in a microislands system as it approaches the equilibrium state.*